



Lista de exercícios: Funções do 2º Grau

1. Marque quais são as funções do 2º grau: (R= b, c, d, e, i, j, k,l)

- | | | |
|-----------------------|----------------------------|--|
| a. $y = -2x$ | e. $y = -3x^2 + x$ | i. $y = -2x^2 + x + \frac{1}{2}$ |
| b. $y = x^2 - 6x + 9$ | f. $y = 5x + 10$ | j. $y = 5x(x - 3)$ |
| c. $y = -x^2 - x + 3$ | g. $y = \frac{1}{x^2} + 4$ | k. $y = x(x + 1) + 2x$ |
| d. $y = x^2$ | h. $y = 2^x - 1$ | l. $y = \frac{1}{3}x^2 - \frac{5}{4}x$ |

2. Quais dos pontos pertencem à parábola $y = x^2 - 2x - 3$?

- | | | |
|----------------|----------------|----------------|
| a. (0, -3) (€) | c. (1, -3) (€) | e. (3, 0) (€) |
| b. (1, -4) (€) | d. (2, -3) (€) | f. (4, -3) (€) |

3. Determine as raízes das seguintes funções:

- | | |
|--------------------------------|--|
| a. $y = 2 - \frac{x}{2}$ (R=4) | c. $y = \frac{x}{2} - \frac{3}{4}$ (R=3/2) |
| b. $y = \frac{x}{3} - 2$ (R=6) | |

4. Construir o gráfico das seguintes funções definidas de R em R:

- | | | |
|-------------------------|------------------------|---------------------------|
| a. $y = x^2 - 6x + 8$ | g. $y = -x^2$ | m. $y = 4x^2 - 5x(1 + x)$ |
| b. $y = -x^2 - 2x$ | h. $y = x^2 - 1$ | |
| c. $y = x^2 - 2x + 1$ | i. $y = -x^2 + 2x$ | |
| d. $y = -9x^2 - 6x - 1$ | j. $y = x^2 - x - 6$ | |
| e. $y = -3x^2 + 2x - 5$ | k. $y = -x^2 + 2x + 8$ | |
| f. $y = 3x^2 - 4x + 2$ | l. $y = x^2 - 6x + 5$ | |

5. Que tipo de curva representa a uma função $y = tx^2 + x + 1$ se:

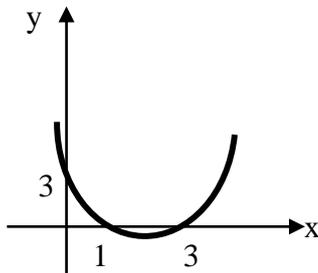
- | | |
|----------------------|-----------------------------|
| a. $t = 0$ (R= reta) | b. $t \neq 0$ (R= parábola) |
|----------------------|-----------------------------|

6. Determine m de modo que a parábola $y = (m - 5)x^2 + 7x - 2$ tenha concavidade voltada para cima. (R= $m > 5$)

7. Determine m de modo que a parábola $y = (2m - 1)x^2 - 4$ tenha concavidade voltada para baixo. (R= $m < 1/2$)

8. O gráfico da função quadrática $y = x^2 + ax + 3$ passa pelo ponto $(1, 2)$. Determine **a**. (R= $a=-2$)
9. Determine o vértice da parábola que representa a função definida por:
- | | |
|--------------------------------|---|
| a. $y = x^2 - 2x - 3$ (1, -4) | d. $y = x^2 - 5x + 6$ (5/2, -1/4) |
| b. $y = -x^2 + 8x - 15$ (4, 1) | e. $y = 3x - 4x^2$ (3/8, 9/16) |
| c. $y = x^2 - 6x + 9$ (3, 0) | f. $y = x^2 + \frac{x}{2} - \frac{1}{4}$ (-1/4, -5/4) |
10. Dada a função $y = x^2 - 6x + 5$ pedem-se:
- os pontos em que seu gráfico corta o eixo x. (1, 0) e (5, 0)
 - os pontos em que seu gráfico corta o eixo y. (0, 5)
 - as coordenadas do vértice de seu gráfico. (3, -4)
 - o gráfico da função.
11. Determine o mínimo valor da função $y = x^2 - 6x + 5$. (R= -4)
12. A parábola da equação $y = -x^2 + bx - 8$ é tangente ao eixo x. Calcule **b**. (R= $b = 4\sqrt{2}$ ou $-4\sqrt{2}$)
13. Considerando a função f dada por $f(x) = 5x^2 - 2x + k - 3$:
- escreva a condição para que f apresente duas raízes reais e desiguais;
 - determine o valor de k para que a função apresente raízes reais e desiguais. R= $k < \frac{16}{5}$
14. Para que valores de k a função $f(x) = x^2 - 2x + (2 - k)$ admite raízes reais e iguais? R= $k = 1$
15. Determine os valores de k para que a função $f(x) = x^2 + 2x + k$ não apresente raízes reais. R= $k > 1$
16. A parábola de equação $y = -x^2 + bx - 8$ é tangente ao eixo dos x. Calcule **b**. R= $b = \pm 4\sqrt{2}$
17. Qual o conjunto imagem da função: $\{(x; y) \in \mathbb{R} \times \mathbb{R} / x^2 - x - 2\}$? (R= Im = $\{y \in \mathbb{R} / y \geq -\frac{9}{4}\}$)
18. Determine o valor de a e de b na função quadrática $y = 2x^2 - ax + b$, sendo suas raízes iguais a -2 e 2. (R= $a=0$ e $b=-8$)

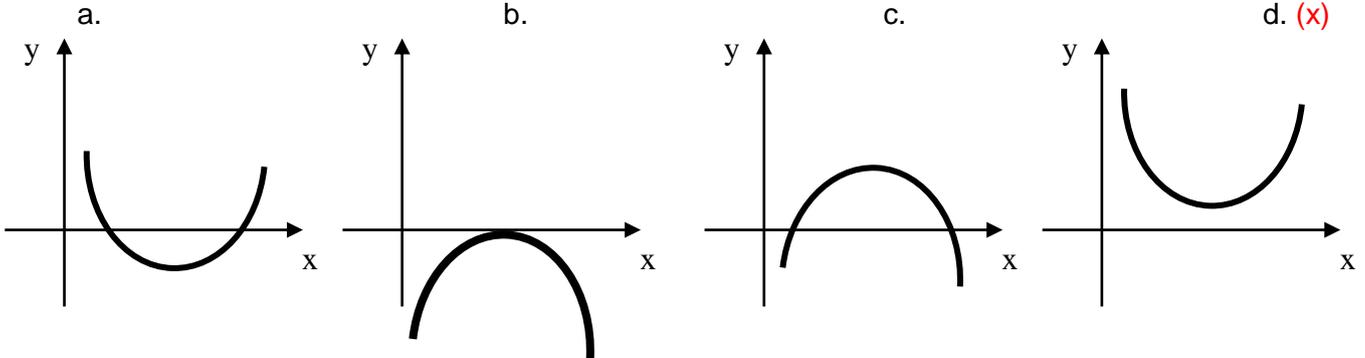
19. Dado o gráfico da função $f(x) = ax^2 + bx + c$, encontre os valores de a, b e c. (R=a=1 e b=-4e c=3) 3



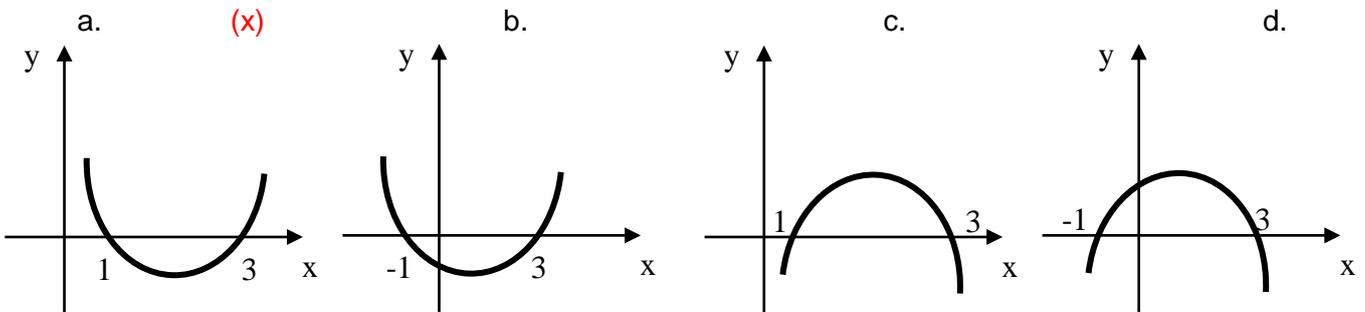
20. $\{y \in \mathbb{R} / y \leq 6\}$ é o conjunto imagem da função $f(x) = -x^2 - 2x + p$, se p for igual a quanto? (R=5)

21. A menor solução inteira de $x^2 - 2x - 35 < 0$ é? (R=-4)

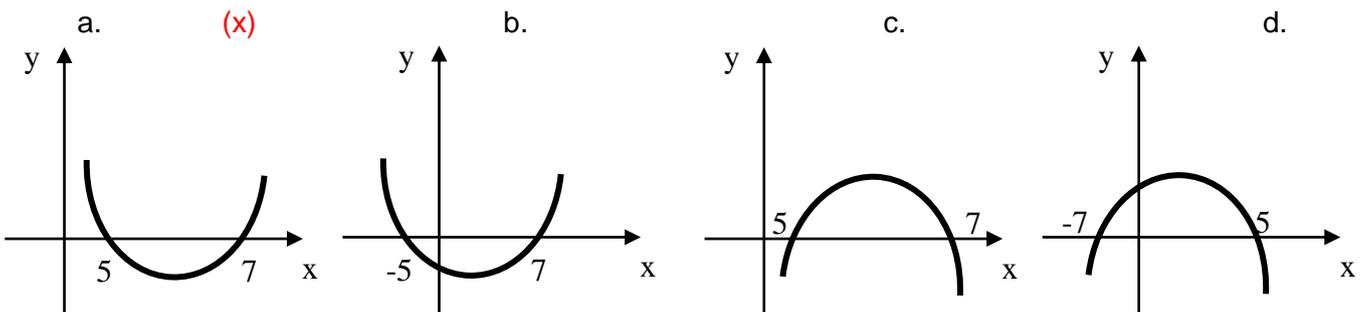
10. Qual parábola abaixo que poderia representar uma função quadrática com discriminante negativo?



11. O esboço do gráfico da função quadrática $y = 2x^2 - 8x + 6$ é:

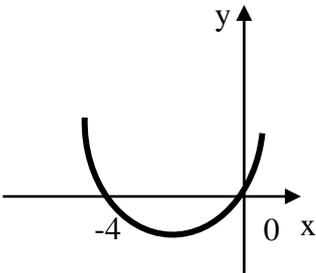


12. O gráfico da função quadrática $y = x^2 - 12x + 35$ é:

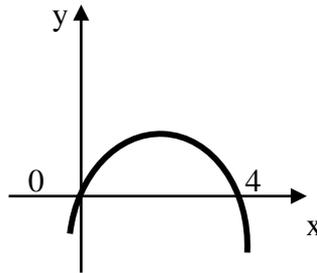


13. Considere a função $y = 4x - x^2$. Representando-a graficamente no plano cartesiano, obteremos:

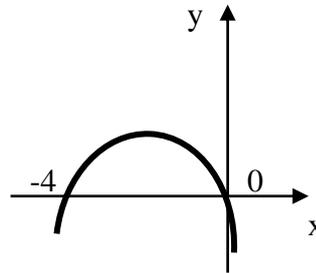
a.



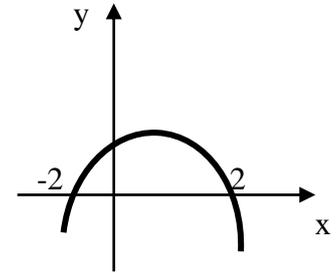
b. (x)



c.



d.



14. Os valores de $x \in \mathbb{R}$, para os quais a fração $\frac{4x-5}{x^2-8x+16}$ é sempre negativa, são aqueles que satisfazem a expressão: (R=letra e)

a. $x \neq 4$

b. $x > 4$

c. $-4 \leq x \leq 4$

d. $x > 1,25$

e. $x < 1,25$

"A matemática não é um esporte para espectadores, não pode ser apreciada ou aprendida sem participação ativa". (George Polya)